

Nr. 1

a) $L = v \cdot \tau = 0,994c \cdot 2,2 \cdot 10^{-6} s \approx 6,55,586 m$

b) $L' = v \cdot \tau \cdot \gamma = 0,994c \cdot 2,2 \cdot 10^{-6} s \cdot (1 - 0,994^2)^{-1/2} = 5993,65 m$

warum erreichen trotzdem Myononen den Boden?

τ Halbwertszeit $\Rightarrow 2^{-\frac{t}{\tau}}$ Anteil erreichen Länge L .

klassisch: $\frac{t}{L} = \frac{20000}{655,6} \approx 30 \Rightarrow 2^{-30} \approx 9,31 \cdot 10^{-8} \%$

relativistisch: $\frac{t}{L} = \frac{20000}{5994} \approx 3,3 \Rightarrow 2^{-3,3} \approx 10,15 \%$

\Rightarrow relativistisch erreichen noch ca. 10,15% den Erdboden, klassisch etwa 0.

Nr. 2

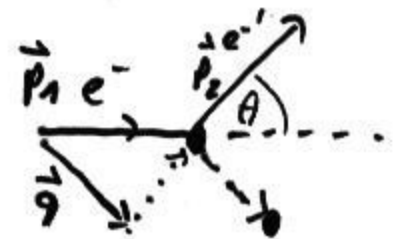
a) $E = (4p - a)c^2 = (4 \cdot 1,00794u - 4,002602u) \cdot 9,31,5 \frac{MeV}{c^2} \cdot c^2 = 27,16 MeV$

b) $\Delta E = E_b(Pu) \cdot 240 - E_b(Sn) \cdot 128 - E_b(Rn) \cdot 110 = 7,5 MeV \cdot 240 - 8,5 MeV \cdot 128 - 8,5 MeV \cdot 110 = -223 MeV$
(Bindungsenergie immer negativ!)

Nr. 3

a)

$a = \left(\frac{E_1 - E_2}{c}, \vec{p}_1 - \vec{p}_2 \right)$



elastische Streuung $\Rightarrow E_1 = E_2, E = \sqrt{m^2 c^4 + p^2 c^2} \approx pc \Rightarrow p_1 = p_2$

$q^2 = p_1^2 + p_2^2 - 2p_1 p_2 \cos(\theta) = 2p^2 - 2p^2 \cos(\theta) = 4p^2 \cdot \frac{1}{2}(1 - \cos(2 \cdot \frac{\theta}{2}))$

$= 4p^2 \sin^2(\frac{\theta}{2})$

$\Rightarrow a = \left(\frac{E_1 - E_2}{c}, \vec{q} \right) = \left(0, 2p \sin(\frac{\theta}{2}) \cdot \frac{\vec{p}_1 - \vec{p}_2}{|p_1 - p_2|} \right), (mc^2)^2 = E^2 - (qc)^2 < 0$

reelles Photon: $E > 0, p \geq 0, m^2 > 0$

virtuelles Photon (vanmarchtig): $E = 0, p \geq 0, m^2 \leq 0$

b) $q = \frac{E}{c} \cdot 2 \sin(\frac{\theta}{2}), k = \frac{q}{h}, \lambda = \frac{h}{q}$

$q_1 = \frac{0,1 \cdot 10^{10} eV}{300000000 \frac{m}{s}} \cdot 2 \sin(22,5^\circ) = 0,2553 \frac{eVs}{m}$

$k_1 = \frac{0,2553}{6,582 \cdot 10^{-16}} \frac{eVs}{m} = 3,879 \cdot 10^{14} \frac{1}{m}$

$\lambda_1 = k_1^{-1} = 2,578 \cdot 10^{-15} m$

\Rightarrow

$$\cancel{E} \quad q_2 = 2,553 \frac{\text{eVs}}{\text{m}}, \quad k_2 = 3,879 \cdot 10^{15} \frac{1}{\text{m}}, \quad \lambda_2 = 2,578 \cdot 10^{-16} \text{m}$$

$$q_3 = 25,53 \frac{\text{eVs}}{\text{m}}, \quad k_3 = 3,879 \cdot 10^{16} \frac{1}{\text{m}}, \quad \lambda_3 = 2,578 \cdot 10^{-17} \text{m}$$

Auflösung entspricht etwa λ mit $\lambda \Delta p \geq \frac{h}{2}$

Nukleon-Radius: $1,4 \cdot 10^{-15} \text{m} \Rightarrow q = \Delta p \geq \frac{h}{2\lambda} \approx 0,235 \frac{\text{eVs}}{\text{m}}$

$$E \geq \frac{q^2}{2 \sin(\frac{\theta}{2})} = \frac{0,235 \frac{\text{eVs}}{\text{m}} \cdot 3 \cdot 10^8 \frac{\text{m}}{\text{s}}}{2 \cdot \sin(22,5^\circ)} = 9,27 \cdot 10^7 \text{eV}$$