

4 Präsenzblatt vom 01.11.12

$$|\psi\rangle = |\phi_i(1)\rangle |\phi_j(2)\rangle |\phi_k(3)\rangle, i, j, k = \{1, 2, 3\}$$

Aufgabe 4

$$\text{a) } \triangleright \langle i|H|j\rangle, H = \sum_{\alpha, \alpha'} t_{\alpha, \alpha'} a_{\alpha}^{\dagger} a_{\alpha'}$$

$$\psi_j = a_j^{\dagger} |0\rangle$$

$$\langle \psi_i | = \langle 0 | a_i$$

$$\Rightarrow \langle 0 | a_i a_{\alpha}^{\dagger} a_{\alpha'} a_j^{\dagger} |0\rangle = \langle 0 | a_i a_{\alpha}^{\dagger} |0\rangle \delta_{\alpha' j} - \underbrace{\langle 0 | a_i a_{\alpha}^{\dagger} a_j^{\dagger} a_{\alpha'} |0\rangle}_{=0}$$

$$= \delta_{i\alpha} \delta_{\alpha' j} \langle 0 | 0 \rangle - \delta_{\alpha' j} \langle 0 | a_i a_{\alpha}^{\dagger} |0\rangle = \delta_{i\alpha} \delta_{\alpha' j}$$

$$\Rightarrow \langle i|H|j\rangle = t_{ij}$$

$$\triangleright \langle \psi_i | H | \psi_{kl} \rangle = 0$$

Hamilton-Operator erhält Teilchenzustand. 2-Teilchen-Zustand ist immer orthogonal zum 1-Teilchen-Zustand, also hier 0.

$$\triangleright \langle \psi_{kl} | H | \psi_{mn} \rangle = t_{lm} \delta_{kn} - t_{km} \delta_{ln} - t_{ln} \delta_{km} + t_{kn} \delta_{ml}$$

b) 2 Zusatzpunkte als Abgabe zum 15.11.